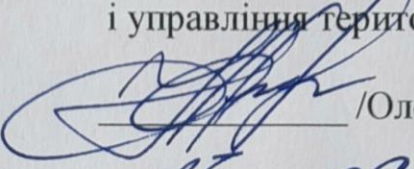


КИЇВСЬКИЙ НАЦІОНАЛЬНИЙ УНІВЕРСИТЕТ
БУДІВНИЦТВА І АРХІТЕКТУРИ

Бакалавр
(освітній ступінь)

Кафедра вищої математики

«Затверджую»
Декан факультету
геоінформаційних систем
і управління територіями


/Олена НЕСТЕРЕНКО/
«07» 06 2024 року

РОБОЧА ПРОГРАМА ОСВІТНЬОЇ КОМПОНЕНТИ

ВК. Вища математика спецкурс

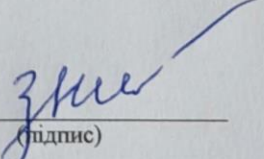
(шифр та назва освітньої компоненти)

шифр	назва спеціальності
193	Геодезія та землеустрій

Мова викладання: українська

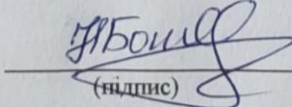
Розробники:

Зоя НАГОЛКІНА,
кандидат фізико-математичних наук, доцент
(прізвище та ініціали, науковий ступінь, звання)


(підпис)

Робоча програма затверджена на засіданні кафедри вищої математики
протокол № 15 від 4 червня 2024 року


Завідувач кафедри

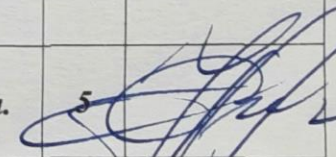

(підпис)

/Наталія БОНДАРЕНКО/

Розглянуто на засіданні науково-методичної комісії спеціальності
протокол № 9 від « 27 » червня 2024 року

ВИТЯГ З РОБОЧОГО НАВЧАЛЬНОГО ПЛАНУ 2024-2025 рр.

шифр	Назва спеціальності	Форма здобуття ВО: денна										Форма контролю	Семестр	Погодження заступником декана факультету		
		Кількість кредитів на ECTS	Кількість годин						Сам. роб.	Кількість індивідуальних робіт						
			Всього	аудиторних			КП	КР		РГР	Контр. роб.					
				Разом	лекції	лаборатор.									практичні	
193	Геодезія та землеустрій	3	90	30	20		10	60				1	зал.	5		

шифр	Назва спеціальності	Форма здобуття ВО: заочна										Форма контролю	Семестр	Погодження заступником декана факультету		
		Кількість кредитів на ECTS	Кількість годин						Сам. роб.	Кількість індивідуальних робіт						
			Всього	аудиторних			КП	КР		РГР	Контр. роб.					
				Разом	лекції	лаборатор.									практичні	
193	Геодезія та землеустрій	3	90	18	10		8	72				1	зал.	5		

Анотація. Мета та завдання освітньої компоненти

Анотація. Освітня компонента забезпечує здобувачів освіти необхідними компетентностями та досягненням результатів навчання, які сприяють професійній підготовці інженерів-геодезистів. Вивчення дисципліни передбачає оволодіння знаннями з таких спеціальних розділів математики:

1. Дискретна математика (теорія множин, комбінаторика, елементи теорії графів).
2. Елементи теорії ймовірностей та математичної статистики.
3. Математичні основи при визначенні картографічних проєкцій.

Мета освітньої компоненти – надання здобувачам фундаментальних знань зі спеціальних розділів математики, знайомство з основними математичними поняттями, методами та алгоритмами для розв’язання задач у професійній діяльності, розвинення логічного та математичного мислення і вміння застосовувати математичні підходи до аналізу та розв’язання задач геодезії та землеустрою; виховання фахівця, який володіє як класичними, так і найважливішими сучасними математичними поняттями та методами, здатного самостійно підвищувати свої фахові знання, математичну культуру, що в подальшому дозволяє йому засвоювати спеціальні дисципліни.

Завдання освітньої компоненти – підготувати здобувачів освітнього ступеня до подальшого вивчення освітніх компонент професійної підготовки.

Посилання на сторінку електронного навчально-методичного комплексу дисципліни <https://org2.knuba.edu.ua/course/view.php?id=4825>

Компетентності здобувачів освітньої програми, що формуються в результаті засвоєння освітньої компоненти

Код	Зміст компетентності
Інтегральна компетентність	
ІК	Здатність розв’язувати складні спеціалізовані задачі геодезії та землеустрою.
Загальні компетентності	
ЗК01	Здатність вчитися і оволодівати сучасними знаннями.
ЗК02	Здатність застосовувати знання у практичних ситуаціях.
ЗК03	Здатність планувати та управляти часом.
ЗК07	Здатність працювати автономно.
ЗК09	Здатність до міжособистісної взаємодії.
Фахові компетентності	
СК01	Здатність застосовувати фундаментальні знання для аналізу явищ природного і техногенного походження при виконанні професійних завдань у сфері геодезії та землеустрою.
СК02	Здатність застосовувати теорії, принципи, методи та підходи фізико-математичних, природничих, соціально-економічних, інженерних наук, розрахунки при вирішенні завдань геодезії і землеустрою.

Програмні результати здобувачів освітньої програми, що формуються в результаті засвоєння освітньої компоненти

Код	Програмні результати
PH01	Вільно спілкуватися в усній та письмовій формах державною та іноземною мовами з питань професійної діяльності.
PH02	Організовувати і керувати професійним розвитком осіб і груп.
PH03	Доносити до фахівців і нефахівців інформацію, ідеї, проблеми, рішення, власний досвід та аргументацію.
PH09	Збирати, оцінювати, інтерпретувати та використовувати геопросторові дані, метадані щодо об'єктів природного і техногенного походження, застосовувати статистичні методи їхнього аналізу для розв'язання спеціалізованих задач у сфері геодезії та землеустрою.

Зміст курсу

Змістовий модуль 1. Елементи дискретної математики

Тема 1.1. Елементи теорії множин

Лекція 1. Поняття множини. Скінченні та нескінченні множини. Підмножини. Алгебра множин. Потужність множини. Порівняння потужностей. Континуальні множини. Метод діагоналізації Кантора та його використання.

Лекція 2. Елементи комбінаторики. Основні комбінаторні формули. Обчислення і властивості перестановок, розміщень і сполучень. Обчислення сполук з повторенням. Область застосування комбінаторики.

Практичні заняття 1. Виконання вправ на операції з множинами. Зображення заданих множин точок в декартовій прямокутній системі координат. Визначення потужності заданої множини. Встановлення еквівалентності множин. Розв'язування задач комбінаторики.

Тема 1.2. Елементи теорії відношень

Лекція 3 . Визначення відношення на множинах. Класифікація бінарних відношень (рефлексивні, антирефлексивні, симетричні, антисиметричні, транзитивні) та їх властивості. Відношення еквівалентності та його властивості. Класи еквівалентності. Фактор-множина. Приклади відношень еквівалентності. Відношення порядку. Упорядкована множина. Частково впорядкована множина. Поняття функціональної залежності, як бінарного відношення.

Тема 1.3. Елементи теорії графів

Лекція 4 . Елементи теорії графів.. Формальне означення графа. Графи та бінарні відношення. Вершини та ребра. Суміжність вершин, інцидентність вершин та ребер, степінь вершини. Орієнтовані та неорієнтовані графи. Відстань між вершинами. графи. Дерево. Ліс. Основні властивості дерев. Ізоморфізм графів.

Практичне заняття 2. Розв'язування завдань на встановлення відношень еквівалентності. Визначення класів еквівалентності за даним відношенням. Знаходження фактор-множини за даним відношенням. Побудова діаграми графів. Визначення степеня вершини графа. Визначення шляху в графі, Поняття дерева. Визначення маршрутів в графі. Знаходження мінімального шляху за допомогою графів. Зв'язок графів і бінарних відношень.

Змістовий модуль 2. Елементи теорії ймовірностей і математичної статистики

Тема 2.1. Основні поняття теорії ймовірностей

Лекція 5. Основні поняття теорії ймовірностей. Застосування комбінаторики в теорії ймовірностей. Поняття класичної, статистичної і геометричної ймовірності. Алгебра випадкових подій. Основні теореми теорії ймовірностей, схеми Байеса і формула повної ймовірності. Схеми Бернуллі і асимптотичні формули Пуассона і Лапласа.

Практичне заняття 3. Основні схеми теорії ймовірностей, знаходження ймовірностей за класичними формулами. Застосування комбінаторики при обчисленні класичної ймовірності і в схемі Бернуллі. Формули, Байєса Пуассона і Лапласа. Зв'язок деяких схем теорії ймовірностей з графами.

Лекція 6. Випадкові величини. Дискретні і неперервні випадкові величини і їх числові характеристики. Основні типи дискретних розподілів. Їх властивості і числові характеристики.

Лекція 7. Неперервні випадкові величини і їх числові характеристики. Основні типи неперервних розподілів. Показниковий розподіл і його зв'язок з теорією надійності. Нормальний закон розподілу і його властивості. Застосування і властивості нормального розподілу. Розподіл похибок результатів геодезичних вимірів.

Практичне заняття 4. Визначення типу випадкової величини, її розподілу і числових характеристик. Приладів. Оцінка ймовірності випадкових похибок при геодезичних дослідженнях.

Застосування неперервних розподілів. Обчислення надійності технічних приладів. Обчислення числових характеристик неперервних законів розподілу. Практичне застосування нормального закону розподілу при геодезичних вимірах.

Тема 2.2. Основні поняття математичної статистики

Лекція 8. Елементи математичної статистики. Збір і оформлення статистичного матеріалу. Первинна обробка інформації. Поняття вибірових числових характеристик. Впорядкування інформації за допомогою гістограм. Впорядкування статистичного матеріалу у вигляді кореляційної таблиці. Визначення вибірових числових характеристик двовимірної випадкової величини. Поняття статистичної залежності. Зв'язок двох випадкових величин. Коефіцієнт кореляції. Отримання рівняння лінійної регресії методом найменших квадратів.

Практичне заняття 5. Первинна обробка статистичних таблиць. Обчислення вибірових числових характеристик. Аналіз властивостей геодезичних вимірів на основі статистичних даних. Дослідження системних і випадкових похибок в статистичному матеріалі.

Визначення вибірових числових характеристик двовимірної випадкової величини, заданої кореляційною таблицею. Визначення умовних числових характеристик за цією таблицею. Лінійний зв'язок двох випадкових величин. Дослідження коефіцієнта кореляції і кореляційного моменту. Побудова рівняння лінійної регресії методом найменших квадратів.

Змістовий модуль 3. Математичні основи при визначенні картографічних проєкцій

Лекція 9. Поняття топологічного, метричного, лінійного простору. Поняття фактор простору. Нескінченновимірний евклідов простір. Простір Гільберта. Лінійні оператори в гільбертовому просторі. Оператори проєктування. Базис в гільбертовому просторі.

Ортогоналізація за Шварцем. Проекції вектора на підпростір.

Лекція 10. Означення проекції. Суть картографічної проекції. Класифікація проекцій по характеру викривлення: рівнокутні проекції, рівновеликі проекції, довільні проекції. Чотири види викривлення: викривлення довжин, викривлення кутів, викривлення площ, викривлення форм. Проекції Гаусса і Меркатора.

Індивідуальні завдання

Контрольна робота. Первинна обробка методами математичної статистики одновимірної і двовимірної вибірки.

Зміст завдань контрольної роботи: 1. Первинна обробка одновимірної вибірки – побудова інтервального варіаційного ряду, обчислення його числових характеристик, а також побудова полігона частот, кумулятивної кривої і гістограми. Перевірка методом Пірсона статистичної гіпотези про розподіл вибірки. 2. Обробка двовимірної вибірки-побудова кореляційної таблиці. Знаходження числових характеристик і умовних числових характеристик даної вибірки, кореляційного моменту, коефіцієнта кореляції і знаходження рівняння лінійної регресії методом найменших квадратів.

Розподіл годин самостійної роботи здобувачів денної форми навчання

№	Назва самостійної роботи	Кількість годин
Модуль 1		
1.	Опрацювання тексту конспекту лекцій	12
2.	Підготовка до практичних занять	16
3.	Підготовка до контрольної роботи	18
4.	Підготовка до заліку	14
Разом		60

Розподіл годин самостійної роботи здобувачів заочної форми навчання

№	Назва самостійної роботи	Кількість годин
Модуль 1		
1.	Опрацювання тексту конспекту лекцій	14
2.	Підготовка до практичних занять	18
3.	Підготовка до контрольної роботи	20
4.	Підготовка до заліку	20
Разом		72

Методи контролю та оцінювання знань

Загальне оцінювання здійснюється через вимірювання результатів навчання у формі проміжного (модульного) та підсумкового контролю (залік, захист індивідуальної роботи тощо) відповідно до вимог зовнішньої та внутрішньої системи забезпечення якості вищої освіти.

Політика щодо академічної доброчесності

Тексти індивідуальних завдань (в т.ч. у разі, коли вони виконуються у формі презентацій або в інших формах) можуть перевірятись на плагіат. Для цілей захисту індивідуального завдання оригінальність тексту має складати не менше 70%. Виключення становлять випадки зарахування публікацій Здобувачів у матеріалах наукових конференціях та інших наукових збірниках, які вже пройшли перевірку на плагіат.

Списування під час тестування та інших опитувань, які проводяться у письмовій формі, заборонені (в т.ч. із використанням мобільних девайсів). У разі виявлення фактів списування з боку здобувача він отримує інше завдання. У разі повторного виявлення призначається додаткове заняття для проходження тестування.

Політика щодо відвідування

Здобувач, який пропустив аудиторне заняття з поважних причин, має продемонструвати викладачу та надати до деканату факультету документ, який засвідчує ці причини.

За об'єктивних причин (хвороба, міжнародне стажування, наукова та науково-практична конференція (круглий стіл) тощо) навчання може відбуватись в он-лайн формі за погодженням із керівником курсу.

Методи контролю

Основні форми участі Здобувачів у навчальному процесі, що підлягають поточному контролю: виступ на практичних заняттях; доповнення, опонування до виступу, рецензія на виступ; участь у дискусіях; аналіз першоджерел; письмові завдання (тестові, індивідуальні роботи у формі рефератів); та інші письмові роботи, оформлені відповідно до вимог. Кожна тема курсу, що винесена на лекційні та практичні заняття, відпрацьовується Здобувачами у тій чи іншій формі, наведеній вище. Обов'язкова присутність на лекційних заняттях, активність впродовж семестру, відвідування/відпрацювання усіх аудиторних занять, виконання інших видів робіт, передбачених навчальним планом з цієї дисципліни.

При оцінюванні рівня знань Здобувача аналізу підлягають:

- характеристики відповіді: цілісність, повнота, логічність, обґрунтованість, правильність;
- якість знань (ступінь засвоєння фактичного матеріалу): осмисленість, глибина, гнучкість, дієвість, системність, узагальненість, міцність;
- ступінь сформованості умінь поєднувати теорію і практику під час розгляду ситуацій, практичних завдань;
- рівень володіння розумовими операціями: вміння аналізувати, синтезувати, порівнювати, абстрагувати, узагальнювати, робити висновки з проблем, що розглядаються;
- досвід творчої діяльності: вміння виявляти проблеми, розв'язувати їх, формувати гіпотези;
- самостійна робота: робота з навчально-методичною, науковою, допоміжною вітчизняною та зарубіжною літературою з питань, що розглядаються, вміння отримувати інформацію з різноманітних джерел (традиційних; спеціальних періодичних видань, ЗМІ, Internet тощо).

Тестове опитування може проводитись за одним або кількома змістовими модулями. В останньому випадку бали, які нараховуються Здобувачу за відповіді на тестові питання, поділяються між змістовими модулями.

Індивідуальне завдання підлягає захисту Здобувачем на заняттях, які призначаються додатково.

Література, що рекомендується для виконання індивідуального завдання, наведена у цій робочій програмі, а в електронному вигляді вона розміщена на Освітньому сайті КНУБА, на сторінці кафедри.

Також як виконання індивідуального завдання за рішенням викладача може бути зарахована участь Здобувача у міжнародній або всеукраїнській науково-практичній конференції з публікацією у матеріалах конференції тез виступу (доповіді) на одну з тем, дотичних до змісту дисципліни, або публікація статті на одну з таких тем в інших наукових виданнях.

Текст індивідуального завдання подається викладачу не пізніше, ніж за 2 тижні до початку залікової сесії. Викладач має право вимагати від Здобувача доопрацювання

індивідуального завдання, якщо воно не відповідає встановленим вимогам.

Результати поточного контролю заносяться до журналу обліку роботи. Позитивна оцінка поточної успішності Здобувачів за відсутності пропущених та невідпрацьованих практичних занять та позитивні оцінки за індивідуальну роботу є підставою для допуску до підсумкової форми контролю. Бали за аудиторну роботу відпрацьовуються у разі пропусків.

Підсумковий контроль здійснюється під час проведення залікової сесії з урахуванням підсумків поточного та модульного контролю. Під час семестрового контролю враховуються результати здачі усіх видів навчальної роботи згідно зі структурою кредитів.

Розподіл балів для дисципліни

Поточне оцінювання			Контр. Робота	Підсумковий контроль, залік	Сума балів
Змістові модулі					
1	2	3			
20	20	10	30	20	100

Шкала оцінювання індивідуального завдання

Оцінка за індивідуальне завдання	Кількість балів до підсумкової оцінки
A	30
B	26
C	22
D	18
E	15

Шкала оцінювання: національна та ECTS

Сума балів за всі види навчальної діяльності	Оцінка ECTS	Оцінка за національною шкалою
90 – 100	A	Відмінно
82-89	B	Добре
74-81	C	Добре
64-73	D	Задовільно
60-63	E	Задовільно
35-59	FX	Не зараховано з можливістю повторного складання
<u>0-34</u>	F	Не зараховано з обов'язковим повторним вивченням дисципліни

Умови допуску до підсумкового контролю

Здобувачу, який має підсумкову оцінку за дисципліну від 35 до 60 балів, призначається додаткова залікова сесія. В цьому разі він повинен виконати додаткові завдання, визначені викладачем.

Здобувач, який не виконав вимог робочої програми по змістових модулях, не

допускається до складання підсумкового контролю. В цьому разі він повинен виконати визначене викладачем додаткове завдання по змісту відповідних змістових модулів в період між основною та додатковою сесіями.

Здобувач має право на опротестування результатів контролю (апеляцію). Правила подання та розгляду апеляції визначені внутрішніми документами КНУБА, які розміщені на сайті КНУБА та зміст яких доводиться Здобувачам до початку вивчення дисципліни.

Методичне забезпечення освітньої компоненти

Підручники:

1. Овчинніков П.П. та ін. Вища математика: Підручник. У 2 ч. – 3-тє вид., випр. – Київ: Техніка, 2004. – 792 с.

Навчальні посібники:

2. Барковський В.В., Барковська Н.В., Лопатін О.К. Теорія ймовірностей і математична статистика: навчальний посібник, Київ : Центр учбової літератури, 2010, 424 с.

3. Бондаренко Н.В., Наголкіна З.І., Пастухова М.С. Теорія ймовірностей: початковий посібник – Київ: КНУБА, 2017,

4. Карнаух Т.О., Ставровський А.Б. Теорія графів у задачах: навчальний посібник, Київ: ВПЦ «Київський університет», 2004. – 76 с.

5. Ядренко М.Й. Дискретна математика: навчальний посібник. – Київ: ВПЦ «Експрес», 2003. –244 с.

6. Метешкин К.О., Шаульський Д.В. Математична обробка геодезичних вимірів: Навчальний посібник, Харк. нац. акад. міськ. госпва. – Харків: ХНАМГ, 2012. – 176 с.

Збірники задач:

7. Трохимчук Р.М. Збірник задач і вправ з дискретної математики. Множини і відношення – Київ: ВПЦ "Київський університет", 2009. – 528 с.

Методичні роботи:

8. Денисова Т.В. Дискретна математика: методичні рекомендації до самостійної роботи з теми «Теорія множин і відношень» – Харків: ХНЕУ ім. С. Кузнеця, 2021. – 80 с.

9. Наголкіна З.І., Соколова Л.В., Філонов Ю.П. Методичні вказівки до самостійної роботи з математичної статистики – Київ: КНУБА, 2024. 46 с.

Інформаційні ресурси:

<http://library.knuba.edu.ua/> – Бібліотека Київського національного університету будівництва та архітектури.

<https://org2.knuba.edu.ua/> – Освітній сайт Київського національного університету будівництва та архітектури.

<http://www.dnabb.org> – Державна наукова архітектурно-будівельна бібліотека ім. В.Г.Заболотного, м. Київ, Контрактова пл., 4

<http://www.nbu.gov.ua> – Національна бібліотека України ім. Вернадського, м. Київ, пр. Голосіївський, 3.

<http://www.library.gov.ua> – Державна науково-технічна бібліотека України, м. Київ, вул. Антоновича, 180.